

TUDOR SORIN

Manual de
INFORMATICĂ

pentru clasa a X-a

Pascal și C++

TEHNICI DE PROGRAMARE

PROFILUL REAL – INTENSIV

Respectă programa școlară actuală!

Conținutul este aprobat MEN prin ordinul nr. 4606/83 din 18.07.2005

și MEdC prin nr. 4446 din 19.06.2006

Cuprins

Capitolul 1. Subprograme	7
1.1. Noțiunea de subprogram	7
1.2. Subprograme în Pascal.....	9
1.2.1. Un exemplu de utilizare a funcțiilor.....	9
1.2.2. Un exemplu de utilizare a procedurilor.....	11
1.2.3. Structura unui subprogram.....	12
1.2.3.1. Structura subprogramelor de tip funcție.....	12
1.2.3.2. Structura subprogramelor de tip procedură.....	13
1.2.4. Definirea și declararea unui subprogram.....	14
1.2.5. Apelul subprogramelor.....	17
1.2.5.1. Apelul funcțiilor.....	17
1.2.5.2. Apelul procedurilor.....	18
1.2.5.3. Transmiterea parametrilor la apel.....	18
1.2.5.4. Cum memorează subprogramele parametrii trimiși?.....	20
1.2.5.5. Transmiterea parametrilor prin valoare.....	21
1.2.5.6. Transmiterea parametrilor prin referință.....	22
1.2.6. Variabile locale și globale.....	23
1.2.7. Greșeli frecvente.....	25
1.2.8. Unități de program.....	26
1.3. Subprograme în C++.....	29
1.3.1. Exemple de utilizare a funcțiilor.....	29
1.3.2. Structura unei funcții.....	31
1.3.3. Declararea variabilelor.....	33
1.3.4. Transmiterea parametrilor.....	36
1.3.5. Definirea și declararea unui subprogram.....	40
1.4. Aplicații care folosesc subprograme.....	42
Probleme propuse.....	49
Răspunsuri.....	59
Capitolul 2. Șiruri de caractere	60
2.1. Generalități	60
2.2. Șiruri de caractere în Pascal.....	61
2.2.1. Noțiuni introductive.....	61
2.2.2. Concatenarea șirurilor.....	64
2.2.3. Compararea șirurilor.....	65
2.2.4. Lungimea șirurilor de caractere.....	66

2.2.5. Subșiruri.....	67
2.2.6. Conversii de la șiruri la valori numerice și invers.....	71
2.2.7. Citirea și scrierea datelor de tip <i>String</i> din și în fișiere text.....	75
2.3. Șiruri de caractere în C++.....	76
2.3.1. Generalități.....	76
2.3.2. Citirea și scrierea șirurilor de caractere.....	76
2.3.3. Tipul <i>char*</i>	79
2.3.4. Lungimea unui șir de caractere.....	80
2.3.5. Copierea și concatenarea șirurilor de caractere.....	81
2.3.6. Căutarea unui caracter într-un șir.....	82
2.3.7. Compararea șirurilor.....	84
2.3.8. Subșiruri.....	86
2.3.9. Alte funcții utile în prelucrarea șirurilor.....	88
2.3.10. Conversia șirurilor în valori numerice și invers.....	91
2.3.11. Citirea și scrierea șirurilor de caractere din și în fișiere text.....	95
2.3.11.1. Operația de citire.....	95
2.3.11.2. Operația de scriere.....	96
2.3.12. O modalitate de conversie de la șir la alt tip.....	96
Probleme propuse.....	97
Capitolul 3: Structuri de date neomogene	99
3.1. Noțiuni introductive.....	99
3.2. Structuri neomogene în Pascal.....	99
3.2.1. Tipul <i>Record</i>	99
3.2.2. Accesul simplificat la câmpuri.....	101
3.2.3. Înregistrări imbricate.....	102
3.2.4. Vectori de înregistrări.....	102
3.2.5. Înregistrare cu variante.....	103
3.3. Structuri neomogene în C++.....	105
3.3.1. Tipul <i>struct</i>	105
3.3.2. Înregistrări imbricate.....	107
3.3.3. Înregistrări cu structură variabilă.....	108
Probleme propuse.....	110
Capitolul 4. Structuri de date	111
4.1. Conceptul de structură de date.....	111
4.2. Structura de tip listă liniară.....	113
4.2.1. Prezentarea structurii.....	113
4.2.2. Liste alocate secvențial.....	114
4.2.3. Liste alocate înlănțuit.....	115
4.2.4. Implementarea alocării înlănțuite prin utilizarea vectorilor.....	116
4.3. Structura de tip stivă.....	120
4.4. Structura de tip coadă.....	125
Probleme propuse.....	125
Răspunsuri.....	127

Capitolul 5. Alocarea dinamică a memoriei	128
5.1. Generalități	128
5.2. Variabile de tip pointer.....	129
5.2.1. Variabile de tip pointer în Pascal.....	129
5.2.2. Variabile de tip pointer în C++.....	132
5.3. Alocarea dinamică a memoriei.....	135
5.3.1. Alocarea dinamică în Pascal.....	135
5.3.2. Alocarea dinamică în C++.....	138
Probleme propuse.....	142
Răspunsuri	143
Capitolul 6. Structuri de date alocate dinamic	144
6.1. Liste liniare	144
6.2. Liste liniare alocate simplu înlănțuit.....	145
6.2.1. Prezentare generală.....	145
6.2.2. Crearea și afișarea listelor.....	145
6.2.3. Operații asupra unei liste liniare.....	149
6.2.4. Aplicații ale listelor liniare.....	155
6.2.4.1. Sortarea prin inserție.....	155
6.2.4.2. Sortarea topologică.....	157
6.2.4.3. Operații cu polinoame.....	162
6.3. Liste liniare alocate dublu înlănțuit.....	171
6.3.1. Crearea unei liste liniare alocată dublu înlănțuit.....	171
6.3.2. Adăugarea unei înregistrări la dreapta.....	172
6.3.3. Adăugarea unei înregistrări la stânga.....	172
6.3.4. Adăugarea unei înregistrări în interiorul listei.....	172
6.3.5. Ștergerea unei înregistrări din interiorul listei.....	173
6.3.6. Ștergerea unei înregistrări la stânga/dreapta listei.....	174
6.3.7. Listarea de la stânga la dreapta listei.....	174
6.3.8. Listarea de la dreapta la stânga listei	174
6.4. Liste circulare	177
6.5. Stiva implementată ca listă liniară simplu înlănțuită.....	177
6.6. Coada implementată ca listă liniară simplu înlănțuită.....	178
Probleme propuse.....	180
Răspunsuri la testele grilă.....	185
Capitolul 7. Introducere în recursivitate	186
7.1. Prezentare generală	186
7.2. Modul în care se realizează autoapelul.....	186
7.2.1. Realizarea autoapelului în Pascal.....	186
7.2.2. Realizarea autoapelului în C++.....	187
7.3. Mecanismul recursivității.....	188
7.4. Cum gândim un algoritm recursiv?.....	192
7.5. Aplicații recursive.....	193
7.5.1. Aplicații la care se transcrie o formulă recursivă.....	193
7.5.2. Aplicații la care nu dispunem de o formulă de recurență.....	198
Probleme propuse.....	204
Indicații / Rezolvări.....	211

Capitolul 8. Metoda Divide et Impera	217
8.1. Prezentare generală.....	217
8.2. Aplicații.....	217
8.2.1. Valoarea maximă dintr-un vector.....	217
8.2.2. Sortarea prin interclasare.....	219
8.2.3. Sortarea rapidă.....	221
8.2.4. Turnurile din Hanoi.....	224
8.2.5. Problema tăieturilor.....	225
8.3. Fractali.....	228
8.3.1. Elemente de grafică.....	228
8.3.1.1. Generalități (varianta Pascal).....	228
8.3.1.2. Generalități (varianta C++).....	230
8.3.1.3. Setarea culorilor și procesul de desenare.....	231
8.3.2. Curba lui Koch pentru un triunghi echilateral.....	233
8.3.3. Curba lui Koch pentru un pătrat.....	236
8.3.4. Arborele.....	238
Probleme propuse.....	240
Răspunsuri.....	241
 Capitolul 9. Complexitatea algoritmilor	243
9.1. Exprimarea complexității	243
9.2. Ce trebuie să mai știm ?	248
Probleme propuse	248
Răspunsuri	250
 Anexa 1. Memento	251
A.1. Limbajul Pascal	251
A.1.1. Tipuri standard	251
A.1.2. Constante	252
A.1.3. Operatori	252
A.1.3.1. Prioritatea operatorilor	252
A.1.3.2. Operatori aritmetici	253
A.1.3.3. Operatori relaționali.....	254
A.1.3.4. Operatori logici	254
A.1.4. Instrucțiuni	255
A.1.5. Câteva funcții utile	258
A.2. Limbajul C++	260
A.2.1. Tipuri standard	260
A.2.2. Constante	260
A.2.3. Operatori	262
A.2.3.1. Prioritatea operatorilor	262
A.2.3.2. Operatori aritmetici	262
A.2.3.3. Operatori relaționali.....	263
A.2.3.4. Operatori de egalitate	263
A.2.3.5. Operatori de incrementare și decrementare	264
A.2.3.6. Operatori logici	264
A.2.3.7. Operatori logici pe biți	264
A.2.3.8. Operatori de atribuire	265
A.2.3.9. Operatorul " "	266
A.2.3.10. Operatorul condițional	266
A.2.3.11. Operatorul "sizeof"	267
A.2.3.12. Operatorul de conversie explicită	267
A.2.4. Instrucțiuni	267
A.2.5. Câteva funcții utile	269

Capitolul 1

Subprograme

1.1. Noțiunea de subprogram



Definiția 1.1. Prin **subprogram** vom înțelege un ansamblu alcătuit din declarații și instrucțiuni scrise în vederea unei anumite prelucrări, ansamblu implementat separat și identificat printr-un nume.

Până în prezent am fost doar utilizatori de subprograme. Exemple de astfel de subprograme folosite sunt:

- matematice: **sin**, **cos**, **abs**, **exp**, **trunc** (Pascal) / **floor** (C++);
- de manipulare a fișierelor: **close** (Pascal) / **.close()** (C++).

În acest capitol învățăm să lucrăm cu subprograme. Pentru a înțelege noțiunea de subprogram, vom porni de la două exemple.

1. Se consideră funcția:

Ex:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x+1}{1+x^2}, & \text{pentru } x \in [-1, 1]; \\ x+1, & \text{pentru } x \in (-\infty, -1); \\ \frac{6}{1+x}, & \text{pentru } x \in (1, \infty). \end{cases}$$

Se citesc două valori reale **a** și **b**. Să se scrie un program care afișează care dintre valorile **f(a)** și **f(b)** este cea mai mare.

Ce observăm? Că atât pentru calculul valorii funcției în punctul **a**, cât și pentru calculul valorii funcției în punctul **b**, aplicăm același tip de raționament: încadrăm valoarea respectivă (**a** sau **b**) într-unul dintre cele trei intervale și aplicăm formula de calcul corespunzătoare.

Cum procedăm? Prin utilizarea cunoștințelor dobândite până în prezent, scriem secvența de program care calculează valoarea funcției calculată pentru **x=a** și se mai scrie o dată (sau se copiază și se adaptează) secvența de program care calculează valoarea funcției calculată pentru **x=b**.

Oare nu se poate lucra și altfel? Răspunsul este afirmativ. Se scrie un subprogram care calculează valoarea funcției într-un punct x oarecare și se apelează subprogramul: o dată pentru $x=a$ și încă o dată pentru $x=b$. Valorile calculate la cele două apeluri, se compară între ele și se afișează rezultatul cerut.

Ex:

2. Se citește n , un număr natural. Se citesc apoi n numere reale. Se cere să se afișeze cele n numere în ordinea crescătoare a valorilor lor.

Desigur, știm să rezolvăm această problemă în mai multe feluri, pentru că știm să memorăm un șir de valori (folosind un vector) și am studiat mai multe metode prin care se poate obține ordonarea crescătoare a unui șir de valori (folosind algoritmi de sortare). De această dată, vom implementa o metodă cunoscută, cea de sortare, dar vom utiliza subprogramele.

Vom scrie un subprogram care citește un vector, unul care tipărește un vector și un al treilea care sortează vectorul după una din metodele cunoscute.

În acest caz, programul ar arăta astfel:

Pasul 1 - se apelează subprogramul care citește vectorul.

Pasul 2 - se apelează subprogramul care sortează vectorul.

Pasul 3 - se apelează subprogramul care tipărește vectorul.

Față de scrierea clasică, aici **problema a fost descompusă în trei probleme mai simple** (citire, sortare și tipărire). În general, o *problemă complexă se rezolvă mai ușor dacă o descompunem în alte subprobleme mai mici*. Apoi, șansele de a greși la scrierea unui subprogram sunt cu mult mai mici decât acelea de a greși la scrierea unui program mare.

În plus, dacă într-un alt program este necesară sortarea altui vector de numere reale, metoda clasică ne permite să alegem din secvența de instrucțiuni ce formează programul pe cele ce realizează sortarea, să le copiem în noul program și să facem eventualele adaptări (numărul de componente și numele vectorului pot fi altele). Aceste operații sunt destul de greoaie și necesită multă atenție. Prin implementarea modulară, cu ajutorul subprogramelor, "preluarea" se realizează mult mai ușor.

Putem acum enumera unele dintre **avantajele** utilizării subprogramelor:

- **reutilizarea codului** - odată scris, un subprogram poate fi utilizat de către mai multe programe;
- **elaborarea algoritmilor prin descompunerea problemei în altele mai simple** - în acest fel, rezolvăm cu mult mai ușor problema;
- **reducerea numărului de erori** care pot apărea la scrierea programelor;
- **depistarea cu ușurință a erorilor** - verificăm la început subprogramele, apoi modul în care le-am asamblat (le-am apelat din cadrul programului);
- **realizarea unor programe ușor de urmărit** (lizibile).

1.2. Subprograme în Pascal

1.2.1. Un exemplu de utilizare a funcțiilor

☐ **Problema 1.1.** Se citește n , număr natural. Să se scrie programele care afișează valoarea calculată a expresiilor:

$$E_1 = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n}; \quad E_2 = \left(1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n}\right)^n.$$

☒ **Rezolvare.** Funcția care calculează E_1 este:

```
function subp(n:integer):real;
var s:real;
    i:integer;
begin
  s:=0;
  for i:=1 to n do s:=s+1/i;
  subp:=s;
end;
```

Analiza programului anterior

- ➔ Antetul funcției este `function subp(n:integer):real;`.
- ➔ Funcția se numește `subp`.
- ➔ Ea este recunoscută de compilator prin faptul că antetul este precedat de cuvântul cheie `function`.
- ➔ Funcția are un parametru numit n . Rolul său este important și anume precizează **pentru ce valoare trebuie calculată expresia**. Așa cum vom vedea, există posibilitatea să avem mai mulți parametri, de diferite tipuri.
- ➔ Funcția are un anumit **tip**, care **precizează natura rezultatului**. În exemplu, tipul este `real` întrucât expresia calculată este de acest tip.
- ➔ Funcția are variabile proprii - adică variabile care sunt definite în cadrul ei. În exemplu, ele sunt `s` și `i`. Aceste variabile se numesc **variabile locale**.
- ➔ Am văzut că funcția întoarce un anumit rezultat - în exemplu, de tip `real`. Observați mecanismul prin care am obținut aceasta. Calculez expresia în mod obișnuit. Rezultatul este reținut de variabila locală `s`. Prin atribuirea `subp=s;`, funcția a primit ca valoare de retur conținutul variabilei `s`.

În continuare, prezentăm cele două programe care utilizează funcția:


```
var n:integer;
function subp(n:integer):real;
var s:real;
    i:integer;
begin
    s:=0;
    for i:=1 to n do s:=s+1/i;
    subp:=s;
end;
begin
    write ('n='); readln(n);
    write(subp(n):5:2);
end.

-----

var n,i:integer;
    rez,prod:real;
function subp(n:integer):real;
var s:real;
    i:integer;
begin
    s:=0;
    for i:=1 to n do s:=s+1/i;
    subp:=s;
end;
begin
    write ('n='); readln(n);
    rez:=subp(n);
    prod:=1;
    for i:=1 to n do prod:=prod*rez;
    write(prod:5:2);
end.
```

➔ Funcția este apelată întotdeauna din cadrul unei expresii.

Apelul funcției în primul program s-a realizat astfel: “**write(subp(n):5:2)**”; iar în al doilea, “**rez:=subp(n)**”. În primul caz expresia este trecută ca parametru pentru **write**, iar în al doilea, avem o expresie de atribuire.

În terminologia utilizată în teoria subprogramelor - în particular, în cazul funcțiilor - se utilizează termenii **parametri formali** și **parametri efectivi**.



Definiția 1.2. Parametrii care se găsesc în antetul funcției se numesc **parametri formali**.

Atunci când scriem o funcție, nu cunoaștem valoarea propriu-zisă a parametrilor. Funcția trebuie să întoarcă rezultatul corect, oricare ar fi valoarea lor. Din acest punct de vedere ei se numesc **formali**.



Definiția 1.3. Parametrii care se utilizează la apel se numesc **parametri efectivi**.

La apel, lucrurile stau altfel: valorile acestora sunt cunoscute. Prin urmare aceștia se numesc parametri **efectivi**.

Între parametrii formali și parametrii efectivi trebuie să existe o concordanță, care va fi studiată la momentul potrivit.

1.2.2. Un exemplu de utilizare a procedurilor

☐ **Problema 1.2.** Se citește n , număr natural. Se citește un vector cu n componente numere reale. Se cere să se tipărească vectorul sortat.

☒ **Rezolvare.** Programul este următorul:

```
type vector=array [1..9] of integer;
var  n,i:integer;
     v:vector;

procedure citesc;
begin
  write('n='); readln(n);
  for i:=1 to n do
    begin
      write('v[' ,i ,']='); readln(v[i]);
    end;
end;

procedure tiparesc;
begin
  for i:=1 to n do writeln(v[i]);
end;

procedure sortez;
var  gasit:boolean;
     man:integer;
begin
  repeat
    gasit:=false;
    for i:=1 to n-1 do
      if v[i]>v[i+1]
      then
        begin
          gasit:=true;
          man:=v[i]; v[i]:=v[i+1]; v[i+1]:=man;
        end
      until not gasit;
end;

begin
  citesc;
  sortez;
  tiparesc;
end.
```

Programul conține trei proceduri: **citesc**, **sortez** și **tiparesc**. Forma simplificată prin care este descrisă o procedură este:

```
procedure nume;
begin
  .....
end;
```

- ➔ **Apelul unei proceduri se face prin utilizarea numelui ei**, sub forma **nume ;**. Mai precis, *apelul unei proceduri este instrucțiune*, numită **instrucțiunea de apel**.
- ➔ *La apel, controlul programului este transferat la prima instrucțiune a procedurii - după cum se întâmplă și la funcții. După executarea procedurii, se revine în programul principal la prima instrucțiune care urmează celei de apel - în cazul de față se întâlnește o altă instrucțiune de apel.*
- ➔ *Ca și funcțiile, procedurile **se pot plasa în cadrul programului între declarațiile de variabile și instrucțiunea compusă.***
- ➔ *Orice variabilă a programului principal este și variabilă a procedurii (invers nu este adevărat).*



În acest exemplu, procedurile sunt apelate fără utilizarea parametrilor. În realitate, procedurile pot avea parametri întocmai ca și funcțiile.

1.2.3. Structura unui subprogram

În esență, un subprogram este alcătuit din:

- **Antet** - conține mai multe informații importante necesare compilatorului, *numele subprogramului, lista parametrilor formali*. În cazul subprogramelor de tip funcție, conține și tipul rezultatului (valoarea întoarsă de funcție).
- **Bloc** - cuprinde definițiile tipurilor de variabile, ale variabilelor, ale subprogramelor și o instrucțiune compusă. Structura sa este identică cu cea a programului principal, indiferent dacă este bloc de procedură sau de funcție.



Programul principal conține un antet (program nume) și un bloc.

Pentru prezentarea structurii subprogramelor de tip funcție vom utiliza diagramele de sintaxă.

1.2.3.1. Structura subprogramelor de tip funcție

În figura următoare este prezentată **structura antetului**:

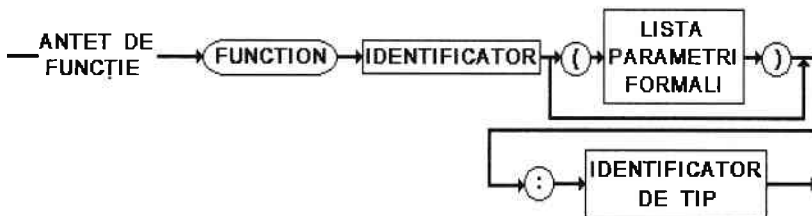


Figura 1.1. Structura antetului unui subprogram de tip funcție

Exemplu:

```
function suma(x,y:integer):real;
begin
    suma:=x+y;
end
```

- antetul este "function suma(x,y:integer):real;";
- identificatorul (numele) funcției este **suma**. Lista parametrilor formali este: "**x,y:integer**". Funcția este de tip **real** (identificatorul de tip);
- blocul este (în acest caz lipsesc variabilele locale):

```
begin
    suma:=x+y;
end
```

Important: identificatorul de tip (tipul valorii întoarse de funcție) poate fi: de orice tip ordinal, de orice tip real, de orice tip pointer sau de tipul **string** (acest tip va fi studiat în acest manual).

1.2.3.2. Structura subprogramelor de tip procedură

În figura următoare este prezentat **antetul de procedură**:



Figura 1.2. Structura antetului unui subprogram de tip procedură

Exemplu:

```
procedure suma(var s:real; x,y:real);
begin
    s:=x+y;
end;
```

- antetul este: "procedure suma(var s:real; x,y:real);"
- identificatorul (numele procedurii) este **suma**;
- lista parametrilor formali este: "**var s:real; x,y:real**";
- blocul este:

```
begin
    s:=x+y;
end;
```

1.2.4. Definirea și declararea unui subprogram

Deși aparent asemănătoare, cele două noțiuni diferă. Buna înțelegere a lor ne ajută să evităm anumite erori. Mai mult, aceste noțiuni sunt utilizate de orice limbaj de programare, nu numai de **Pascal**.



Definiția 1.4. A defini un subprogram, înseamnă a-l scrie efectiv, după structura anterior prezentată. O problemă importantă este locul unde se definește subprogramul.

În Pascal, subprogramele se definesc în trei locuri:

1. **În blocul programului care-l utilizează** - numit și **program principal** - între declarația variabilelor și instrucțiunea compusă:

```
program exemplu1;  
var x:integer;  
procedure t;  
begin  
    writeln(x)  
end;  
begin  
    x:=3;  
    t  
end.
```

2. **În cadrul unităților de program** - vor fi studiate ulterior.

3. **În blocul unui alt subprogram.** Această formă este proprie limbajului Pascal. În exemplu, procedura **t**, are ca subprogram procedura **z**. Inițial programul va atribui variabilei **x** valoarea 3. Apoi va apela procedura **t**. Ea tipărește conținutul lui **x** (3), apoi apelează procedura **z**. La rândul ei, aceasta afișează un mesaj: 'eu sunt z'.

```
program exemplu2;  
var x:integer;  
procedure t;  
    procedure z;  
    begin  
        writeln('eu sunt z');  
    end;  
begin  
    writeln(x); z;  
end;  
begin  
    x:=3;  
    t  
end.
```



Definiția 1.5. A declara un subprogram, înseamnă a-l anunța. Un subprogram nedeclarat nu poate fi folosit.

1. În cazul în care subprogramul este **definit în blocul programului principal sau în blocul subprogramului**, se consideră că a fost și declarat pentru acesta, deci poate fi folosit. În acest caz, declarația coincide cu definiția.

Exemple

- În programul **exemplu1**, procedura **t** este definită în blocul programului principal. Ea poate fi apelată din programul principal.
 - În programul **exemplu2**, procedura **t** este definită în blocul programului principal, deci poate fi apelată de acesta. Procedura **z** este definită în blocul procedurii **t**. Ea poate fi apelată din **t**. În schimb, nu poate fi apelată din programul principal.
2. În blocul programului principal sau în blocul unui subprogram **se definesc, în ordine, subprogramele** $s_1, s_2, \dots, s_k$. În acest caz, automat s_1 este declarat pentru $s_2, s_3, \dots, s_k$, apoi s_2 este declarat pentru $s_3, \dots, s_k$, iar s_{k-1} este declarat pentru s_k .

Exemple

- Procedurile **s1** și **s2** pot fi apelate din programul principal. Procedura **s1** poate fi apelată din procedura **s2**, dar **s2** nu poate fi apelată, în absența altei clauze, din **s1**:

```
procedure s1;
begin
  writeln('s1')
end;

procedure s2;
begin
  s1;
  writeln ('s2');
end;

begin
  s1;
  s2;
end.
```

- Procedura **test** conține definiția a două proceduri **s1** și **s2**. Nici una din aceste proceduri nu se consideră declarată pentru programul principal. Amândouă sunt declarate pentru procedura **test**. Pentru procedura **s2**, **s1** este declarată, dar pentru **s1** procedura **s2** nu este declarată.